

# Μαθηματικά

## Β' Δημοτικού

Τετράδιο εργασιών  
γ' τεύχος

<p><b>ΣΥΓΓΡΑΦΕΙΣ</b></p> <p><b>ΚΡΙΤΕΣ-ΑΞΙΟΛΟΓΗΤΕΣ</b></p> <p><b>ΕΙΚΟΝΟΓΡΑΦΗΣΗ</b></p> <p><b>ΦΙΛΟΛΟΓΙΚΗ ΕΠΙΜΕΛΕΙΑ</b></p> <p><b>ΥΠΕΥΘΥΝΟΣ ΤΟΥ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ ΚΑΤΑ ΤΗ ΣΥΓΓΡΑΦΗ</b></p> <p><b>ΥΠΕΥΘΥΝΟΣ ΤΟΥ ΥΠΟΕΡΓΟΥ</b></p> <p><b>ΕΞΩΦΥΛΛΟ</b></p> <p><b>ΠΡΟΕΚΤΥΠΩΤΙΚΕΣ ΕΡΓΑΣΙΕΣ</b></p>	<p><b>Γιώργος Καργιωτάκης, Εκπαιδευτικός</b>  <b>Αλεξάνδρα Μαραγκού, Εκπαιδευτικός</b>  <b>Νατάσσα Μπελίτσου, Εκπαιδευτικός</b>  <b>Βασιλική Σοφού, Εκπαιδευτικός</b></p> <p><b>Μαρία Νικολακάκη, Λέκτορας του Πανεπιστημίου Θεσσαλίας</b>  <b>Στέφανος Παπαστεργιόπουλος, Σχολικός Σύμβουλος</b>  <b>Μιχαήλ Σκαλοχωρίτης, Εκπαιδευτικός</b></p> <p><b>Σοφία Τουλιάτου, Σκιτσογράφος - Εικονογράφος</b></p> <p><b>Ο ανάδοχος της συγγραφής</b></p> <p><b>Γεώργιος Τύπας, Μόνιμος Πάρεδρος του Παιδαγωγικού Ινστιτούτου</b></p> <p><b>Ιωάννης Ζιάραγκας, Εκπαιδευτικός</b></p> <p><b>Σπύρος Βερύκιος, Εικαστικός Καλλιτέχνης</b></p> <p><b>ACCESS ΓΡΑΦΙΚΕΣ ΤΕΧΝΕΣ Α.Ε.</b></p>
---	---

**Γ' Κ.Π.Σ. / ΕΠΕΑΕΚ II / Ενέργεια 2.2.1 / Κατηγορία Πράξεων 2.2.1.a:**  
 «Αναμόρφωση των προγραμμάτων σπουδών και συγγραφή νέων εκπαιδευτικών πακέτων»

**ΠΑΙΔΑΓΩΓΙΚΟ ΙΝΣΤΙΤΟΥΤΟ**  
**Μιχάλης Αγ. Παπαδόπουλος**  
 Ομότιμος Καθηγητής του Α.Π.Θ.  
*Πρόεδρος του Παιδαγωγικού Ινστιτούτου*

Πράξη με τίτλο:

«Συγγραφή νέων βιβλίων και παραγωγή υποστηρικτικού εκπαιδευτικού υλικού με βάση το ΔΕΠΠΣ και τα ΑΠΣ για το Δημοτικό και το Νηπιαγωγείο»

Επιστημονικός Υπεύθυνος Έργου  
**Γεώργιος Τύπας**  
*Μόνιμος Πάρεδρος του Παιδαγωγικού Ινστιτούτου*

Αναπληρωτής Επιστημονικός Υπεύθυνος Έργου  
**Γεώργιος Οικονόμου**  
*Μόνιμος Πάρεδρος του Παιδαγωγικού Ινστιτούτου*

Έργο συγχρηματοδοτούμενο 75% από το Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο και 25% από εθνικούς πόρους.

ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΕΘΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΠΑΙΔΑΓΩΓΙΚΟ ΙΝΣΤΙΤΟΥΤΟ

Γιώργος Καργιωτάκης Αλεξάνδρα Μαραγκού  
Νατάσσα Μπελίτσου Βασιλική Σοφού

ΑΝΑΔΟΧΟΣ ΣΥΓΓΡΑΦΗΣ:  ΕΚΔΟΣΕΙΣ  
ΠΑΤΑΚΗ

# Μαθηματικά

## Β' Δημοτικού

Τετράδιο εργασιών  
γ' τεύχος

ΟΡΓΑΝΙΣΜΟΣ ΕΚΔΟΣΕΩΣ ΔΙΔΑΚΤΙΚΩΝ ΒΙΒΛΙΩΝ  
ΑΘΗΝΑ

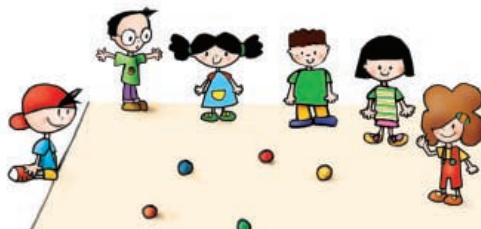
# Περιεχόμενα

## Γνωστικές Περιοχές

### ◆ Επαναληπτικά

- αριθμοί
- αριθμοί και πράξεις
- γεωμετρία
- μετρήσεις
- στατιστική
- μοτίβα
- πρόβλημα

Δεν είπαμε πως οι γνωστικές περιοχές δεν είναι για παιχνίδι!



Οι κεντρικοί ήρωες του βιβλίου εμφανίζονται για να βοηθήσουν στη σταθερή σεναριακή δομή των δραστηριοτήτων ανακάλυψης.



Η Ελένη



Ο Νικόλας



Η Άννα



Ο Χρήστος



Ο Σπίθας



Η Νεοχάνη



Ο Πέτρος



Η Μαρίνα



Ο Σπύρος



Η Κλόντια

(\*) Σύμβολα-«κλειδιά» για το είδος εργασίας που ακολουθεί:



- εργασία με τον διπλανό



- εργασία με την ομάδα



- συζήτηση στην τάξη



- εικονίδιο ανταλλαγής



- χρήση εποπτικού υλικού



- χρήση χάρακα ή γνώμονα



- φάκελος μαθητή

## Ενότητα 5

<b>29</b>	Βρίσκω την προπαίδεια του 9 και του 11 <b>Κατασκευές</b>	6-7
<b>30</b>	Μοιράζομαι δίκαια με τους φίλους μου <b>Παιχνίδι με μπίλιες</b>	8-9
<b>31</b>	Καλύπτω επιφάνειες <b>Ο αργαλειός</b>	10-11
<b>32</b>	Μετρώ το χρόνο που πέρασε <b>Τα γενέθλια</b>	12-13
<b>33</b>	Γνωρίζω καλύτερα τις μονάδες μέτρησης χρόνου <b>Μέρα με τη μέρα</b>	14-15
<b>5o</b>	<b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΟ Κεφάλαια 29-33</b>	16-17

## Ενότητα 6

<b>34</b>	Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα κάνοντας κάθετη πρόσθεση με κρατούμενο <b>Έρευνα: Τι μου αρέσει πιο πολύ</b>	18-19
<b>35</b>	Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα κάνοντας κάθετη αφαίρεση με δανεικό (α) <b>Στο κατάστημα με τα κατοικίδια ζώα</b>	20-21
<b>36</b>	Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα και ελέγχω με κάθετη αφαίρεση με δανεικό (β) <b>Η ταμειακή μηχανή</b>	22-23
<b>37</b>	Λύνω σύνθετα προβλήματα (β) <b>Στην αυλή της γιαγιάς</b>	24-25
<b>38</b>	Μετρώ το βάρος (α) <b>Η ζυγαριά</b>	26-27
<b>39</b>	Μετρώ το βάρος: Το κιλό και το γραμμάριο (β) <b>Στη λαϊκή αγορά</b>	28-29
<b>40</b>	Γνωρίζω τα χαρτονομίσματα των 5, 10, 20, 50 και 100 ευρώ <b>Στο πανηγύρι</b>	30-31
<b>6o</b>	<b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΟ Κεφάλαια 34-40</b>	32-33

**a. Βρίσκω την προπαίδεια του 9.**



Πόσο είναι το άθροισμα των ψηφίων κάθε φορά στην προπαίδεια του 9;

- Με την προπαίδεια του 10.

$1 \times 10 = \boxed{\phantom{0}}$      $2 \times 10 = \boxed{\phantom{0}}$      $3 \times 10 = \boxed{\phantom{0}}$      $4 \times 10 = \boxed{\phantom{0}}$      $5 \times 10 = \boxed{\phantom{0}}$

$1 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$      $2 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$      $3 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$      $4 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$      $5 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$

$$6 \times 10 = \boxed{\phantom{00}} \quad 7 \times 10 = \boxed{\phantom{00}} \quad 8 \times 10 = \boxed{\phantom{00}} \quad 9 \times 10 = \boxed{\phantom{00}} \quad 10 \times 10 = \boxed{\phantom{00}}$$

$$6 \times 9 = \boxed{\phantom{00}} \quad 7 \times 9 = \boxed{\phantom{00}} \quad 8 \times 9 = \boxed{\phantom{00}} \quad 9 \times 9 = \boxed{\phantom{00}} \quad 10 \times 9 = \boxed{\phantom{00}}$$

### **β. Βρίσκω την προπαίδεια του 11.**

- Με τα δάχτυλα.
  - Με πίνακα.

Τι παρατηρούμε για τα ψηφία των αριθμών στην προπαίδεια του 11;

- Με την προπαίδεια του 10.

$$3 \times 11 = (3 \times 10) + 3 = \boxed{33} \qquad 7 \times 11 = (7 \times 10) + 7 = \boxed{77}$$

$$6 \times 11 = (6 \times 10) + 6 = \boxed{66} \qquad 8 \times 11 = (8 \times 10) + 8 = \boxed{88}$$



## Ενότητα 5

**γ.** Ζωγραφίζω στο πλέγμα τα γινόμενα.

$8 \times 9 =$

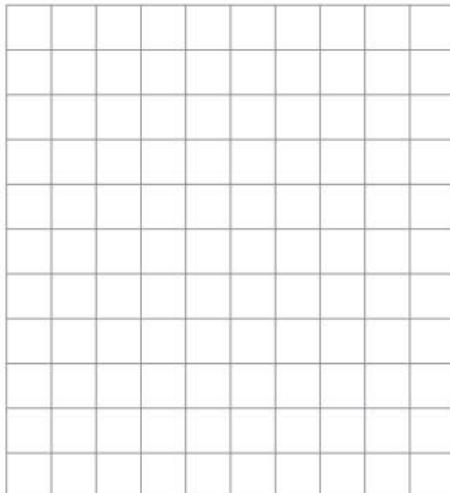
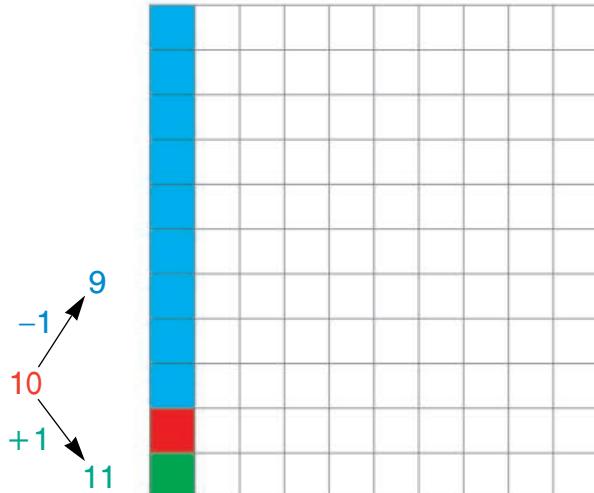
$8 \times 10 =$

$8 \times 11 =$

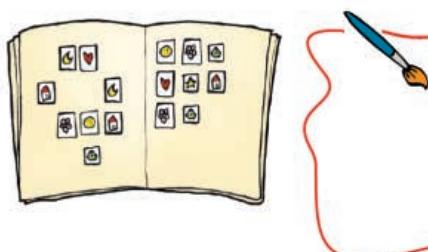
$6 \times 9 =$

$6 \times 10 =$

$6 \times 11 =$



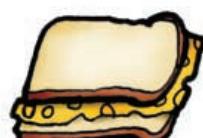
❸. Στο αγαπημένο της άλμπουμ η Σαβίνα έχει κολλήσει 88 αυτοκόλλητα με διάφορα σήματα. Σε κάθε σελίδα έβαλε 8 αυτοκόλλητα. Πόσες σελίδες έχει γεμίσει;



Υπολογίζω:

**ε.** Για να φτιάξω ένα τοστ, χρειάζομαι 2 φέτες ψωμί και 1 φέτα τυρί.  
Είμαστε 9 παιδιά στην παρέα μας.

Πόσες φέτες ψωμί και πόσες φέτες τυρί χρειαζόμαστε για να φτιάξουμε:



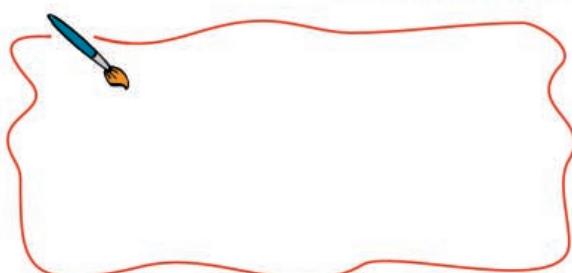
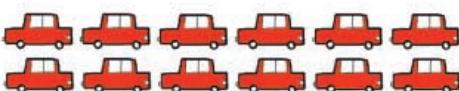
- ένα τοστ για τον καθένα;

- Δύο τροστ για τον καθένα;

# 30

## Μοιράζομαι δίκαια με τους φίλους μου

**α.** Μοιραζόμαστε δίκαια



Εξηγώ με αριθμούς:

**β.** Με τον διπλανό μου μοιραζόμαστε δίκαια τα κυβάκια μας με 2 διαφορετικούς τρόπους.



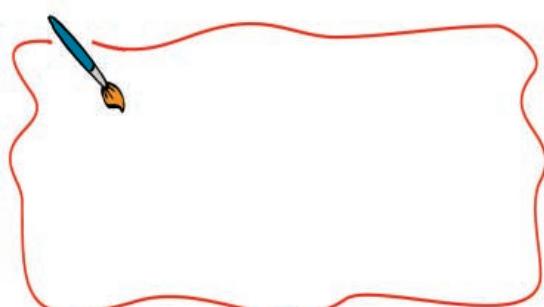
Τα κόκκινα:



Τα μπλε:



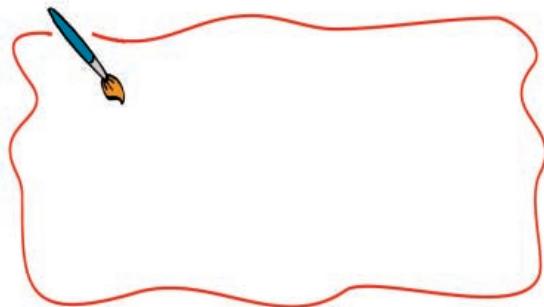
Στη συνέχεια εξηγώ με ζωγραφιά και αριθμούς ό,τι κάναμε.



Εξηγώ με αριθμούς:

Ελέγχουμε τη λύση που δώσαμε.

**γ.** Τα 2 κουτιά χυμού γεμίζουν 4 ποτήρια. Τα 5 κουτιά χυμού πόσα ποτήρια γεμίζουν; Ζωγραφίζω και λύνω το πρόβλημα.



Εξηγώ με αριθμούς:

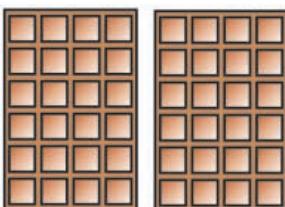


## Ενότητα 5

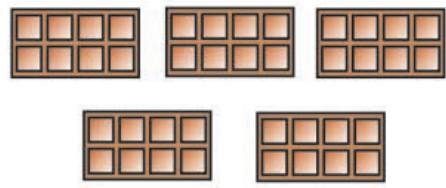
- δ.** Τα παιδιά θέλουν να μοιραστούν τις σοκολάτες δίκαια. Σε ποια περίπτωση θα φάνε πιο πολλά κομμάτια; Βάζω  σ' αυτό που πιστεύω ότι είναι σωστό.  
Εκτιμώ χωρίς να κάνω υπολογισμούς:



- Αν μοιραστούν 2 σοκολάτες ή
- Αν μοιραστούν 5 σοκολάτες;



Στην πρώτη περίπτωση



Στη δεύτερη περίπτωση



Υπολογίζω με ακρίβεια πόσα μικρά κομματάκια σοκολάτας θα φάει το ένα παιδί σε κάθε περίπτωση.

- ε.** Κυκλώνω το σωστό αποτέλεσμα του γινομένου και εξηγώ όπως στο παράδειγμα:

$$7 \times 9 = \underline{63}$$

εξηγώ:  $9 + 9 + 9 + 9 + 9 + 9 + 9 = 63$  ή  $7 \text{ φορές } 9 = 63$   
 επαληθεύω:  $63 - \underbrace{9 - 9 - 9 - 9 - 9 - 9}_{7 \text{ φορές}} = 0$  ή  $63 : 9 = 7$

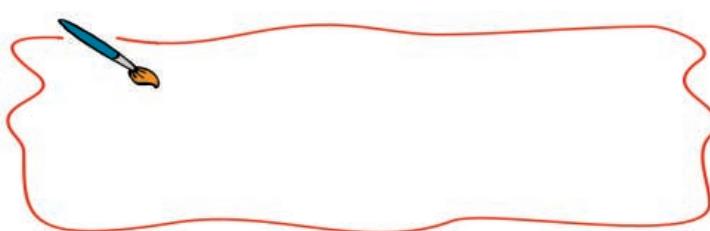
$$11 \times 6 = \underline{66}$$

εξηγώ:  $\dots + \dots = \dots$   
 επαληθεύω:  $\dots - \dots = 0$

$$8 \times 8 = \underline{64}$$

εξηγώ: .....  
 επαληθεύω: .....

- στ.** Σε κάθε μπήκαν 3 παιδιά και 2 μεγάλοι για να πάνε βόλτα. Σε πόσα ίδια αυτοκίνητα θα μπουν 9 παιδιά και 6 μεγάλοι αν χωριστούν με τον ίδιο τρόπο;



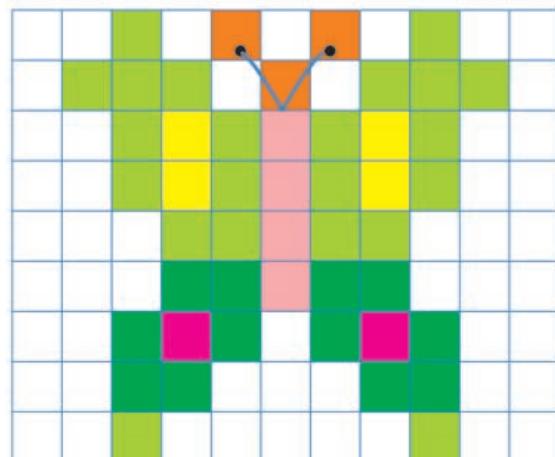
Εξηγώ με αριθμούς:

# 31

## Καλύπτω επιφάνειες

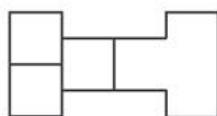
**a.** Ποια επιφάνεια είναι περισσότερη; (υπογραμμίζω το σωστό)

- η χρωματισμένη      ● η λευκή
- Με πόσα χρωματισμένα τετραγωνάκια είναι καλυμμένη η πεταλούδα; .....
- Από πόσα τετραγωνάκια συνολικά αποτελείται **όλη η επιφάνεια**; .....
- Η πεταλούδα είναι φτιαγμένη με:  
.....  .....  .....  ..... 



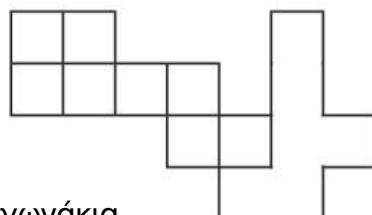
**β.** Με πόσα  μπορούμε να καλύψουμε τις επιφάνειες; Ζωγραφίζω και μετρώ.

- 1η επιφάνεια



..... τετραγωνάκια

- 2η επιφάνεια



..... τετραγωνάκια

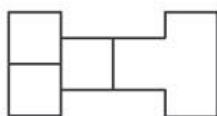
- Με πόσα  μπορούμε να καλύψουμε τις ίδιες επιφάνειες;

Εκτιμώ: Την 1η επιφάνεια με ..... πλακάκια. Τη 2η επιφάνεια με ..... πλακάκια.

Μπορώ να υπολογίσω ακριβώς χωρίς να μετρήσω;

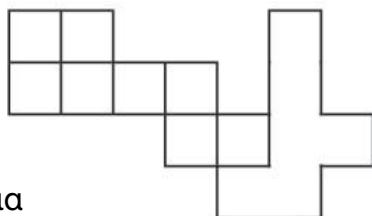
Ζωγραφίζω, μετρώ και ελέγχω την εκτίμησή μου και τον υπολογισμό που έκανα.

- 1η επιφάνεια



..... πλακάκια

- 2η επιφάνεια



..... πλακάκια



## Ενότητα 6

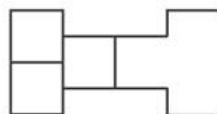
- Με πόσα  μπορούμε να καλύψουμε τις ίδιες επιφάνειες;

Εκτιμώ: Την 1η επιφάνεια με ..... πλακάκια. Τη 2η επιφάνεια με ..... πλακάκια.

Μπορώ να υπολογίσω ακριβώς χωρίς να μετρήσω;

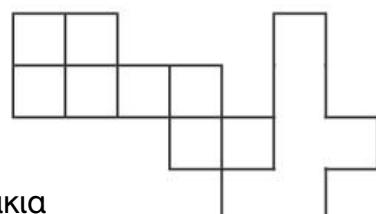
Ζωγραφίζω, μετρώ και ελέγχω την εκτίμησή μου και τον υπολογισμό που έκανα.

- 1η επιφάνεια



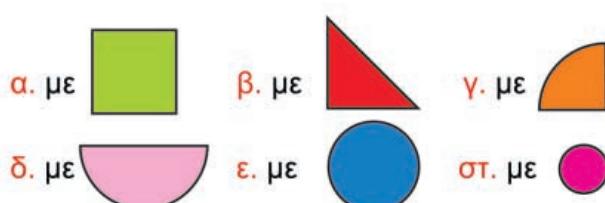
..... πλακάκια

- 2η επιφάνεια



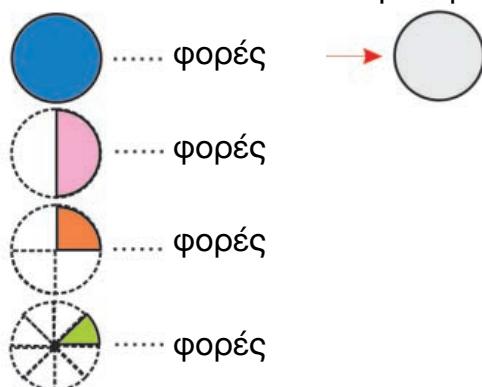
..... πλακάκια

- γ.** Με ποιον τρόπο μπορούμε να καλύψουμε με μεγαλύτερη ακρίβεια την επιφάνεια;  
Κυκλώνω το σωστό:

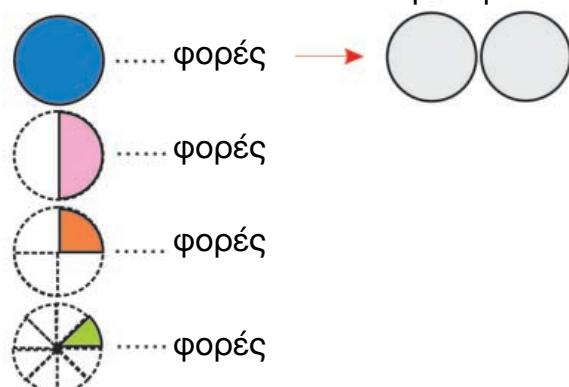


- δ.** Πόσα από τα παρακάτω σχήματα χρειαζόμαστε για να καλύψουμε τις επιφάνειες;

1η επιφάνεια



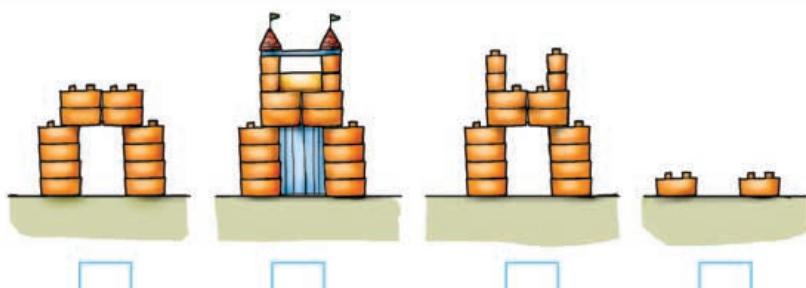
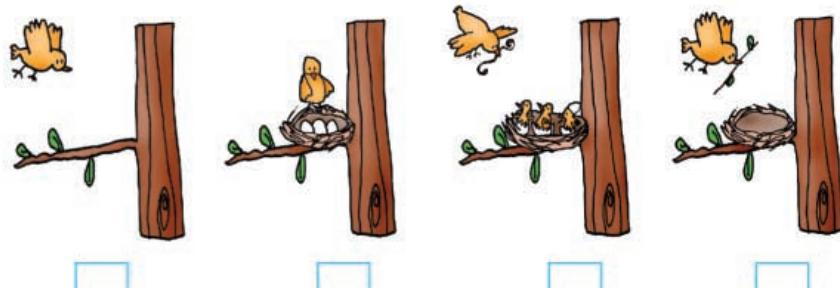
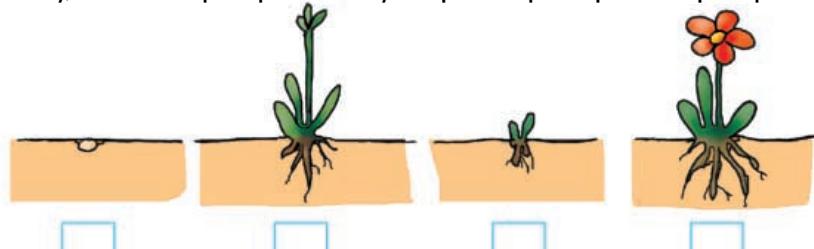
2η επιφάνεια



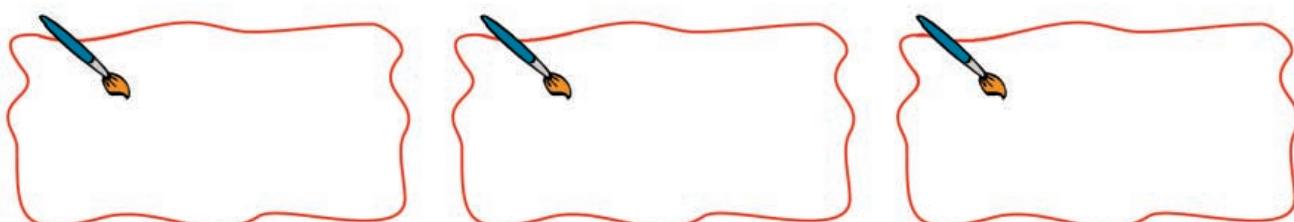
# 32

## Μετρώ το χρόνο που πέρασε

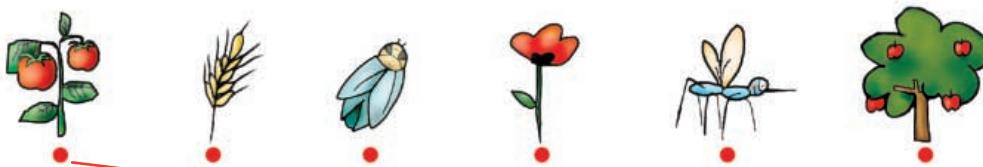
**α.** Παρατηρώ προσεχτικά τις εικόνες. Έπειτα προτείνω αριθμούς στα κουτάκια κάτω από τις εικόνες, ώστε να μπορώ να τις διαβάσω με τη σωστή σειρά.



**β.** Ζωγραφίζω κι εγώ με τη σειρά μου μια ιστορία.



**γ.** Αντιστοιχίζω πόσο ζουν.



αρκετά  
χρόνια

μερικούς  
μήνες

μερικές  
εβδομάδες

μερικές  
ημέρες



## Ενότητα 6

- δ.  Η Ελένη είναι 8 χρονών. Ο αδερφός της ο Νίκος είναι 14 χρονών.

Όταν η Ελένη γίνει 10 χρονών, πόσο χρονών θα είναι ο αδερφός της;

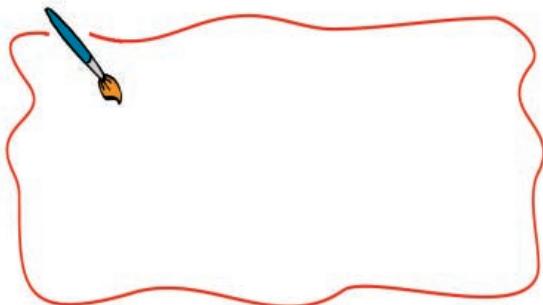
Εκτιμώ (βάζω  στο σωστό).

- Ο Νίκος θα είναι 14 χρονών.
- Ο Νίκος θα είναι 16 χρονών.



Συζητάμε στην τάξη πώς σκεφτήκαμε.

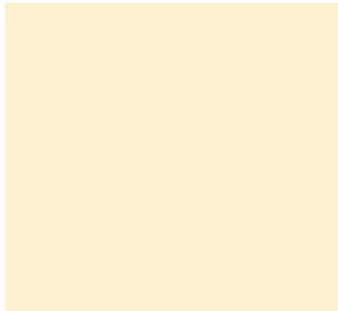
- Πόσο χρονών θα είναι η Ελένη όταν ο Νίκος θα είναι 18 χρονών;



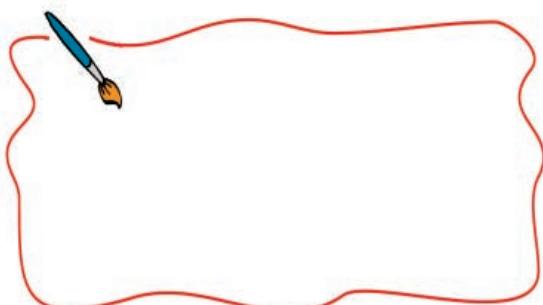
Υπολογίζω με αριθμούς:

- ε. Ένας χρόνος έχει 12 μήνες. Πόσους μήνες έχουν:

- μισός χρόνος;                      ● 2 χρόνια;                      ● 5 χρόνια;                      ● 10 χρόνια;



- Η Μαριαλένα είναι εφτάμισι χρονών. Πόσους μήνες έχει ζήσει;



Υπολογίζω με αριθμούς:

# 33

## Γνωρίζω καλύτερα τις μονάδες μέτρησης χρόνου

**a.** Πόσος χρόνος περνάει; Υπογραμμίζω το σωστό.

Τα φυτά για να φυτρώσουν και να κάνουν καρπό:

- χρειάστηκαν περίπου τέσσερις μήνες.
- χρειάστηκαν περίπου τέσσερις μέρες.



Συζητάμε στην τάξη ποια εποχή οι γεωργοί σπέρνουν τους σπόρους και πότε μαζεύουν τους καρπούς.

**b.** Εικόνες στο χρόνο. Παρατηρώ και συμπληρώνω σε κάθε εικόνα την κατάλληλη λέξη ή φράση.

κλείνουν τα σχολεία

παροιμίες

Σεπτέμβριος

Δεκέμβριος

Νοέμβριος διακοπές

Ιανουάριος

Μάρτιος

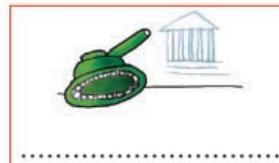
έχει 28 ή 29 ημέρες Μάιος



Ανοίγουν τα σχολεία



εθνική γιορτή



επέτειος  
Πολυτεχνείου



Χριστούγεννα



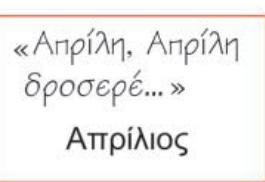
Πρωτοχρονιά



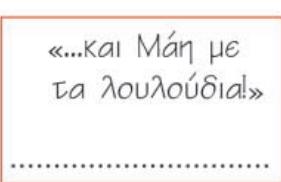
Φεβρουάριος



1821



Απρίλιος



Ιούνιος



Ιούλιος



Αύγουστος

.....

.....

διακοπές

.....

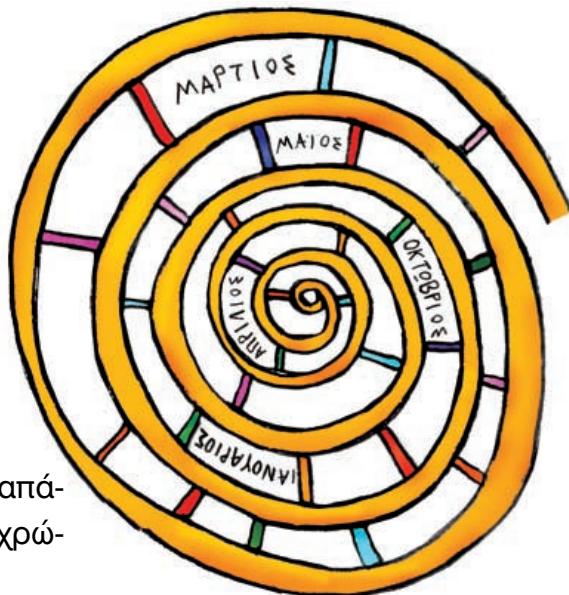


## Ενότητα 6

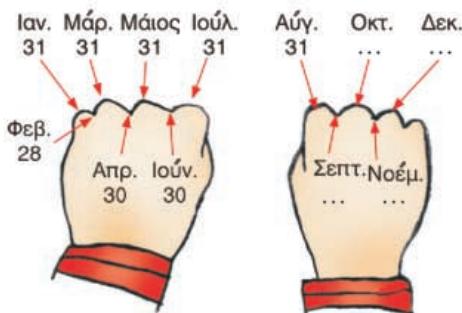
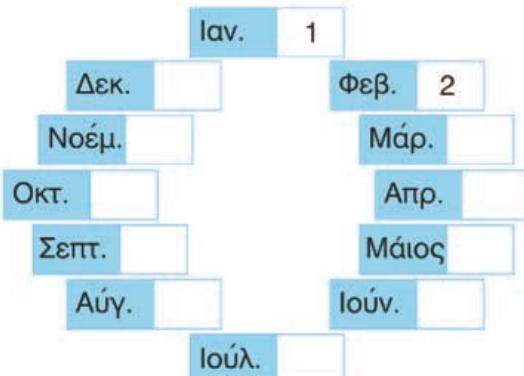
**γ.** Παροιμίες για τους μήνες:

- Του **Γενάρη** το φεγγάρι λάμπει σαν μαργαριτάρι.
- **Μάρτης** είναι, χάδια κάνει, πότε κλαίει, πότε γελάει.
- **Αύγουστε** καλέ μου μήνα, να 'σουν δυο φορές το χρόνο.

Βρίσκω τη θέση που έχουν στη σπείρα οι παραπάνω μήνες και τη χρωματίζω με τα αντίστοιχα χρώματα.



**δ.** Ένα έτος έχει 12 μήνες. Με τη σειρά είναι:



Ποιοι μήνες έχουν 31 ημέρες; .....

Ποιοι μήνες έχουν 30 ημέρες; .....

Ο μήνας με τις λιγότερες ημέρες είναι: .....

**ε.** Υπάρχουν δέντρα που ζουν 100 χρόνια (=1 αιώνας), όπως η ελιά και ο πλάτανος, και τα λέμε αιωνόβια. Υπολογίζω πόσο περισσότερο ζει ένα αιωνόβιο δέντρο από ένα καλαμπόκι που ζει ένα χρόνο.



**a.** Ποια εποχή δείχνει η εικόνα;

Είναι .....

- Για να ξαναέρθει η ίδια εποχή του χρόνου, χρειάζεται να περάσουν με τη σειρά τους οι εποχές (τις γράφω): .....

Κάθε εποχή έχει 3 μήνες. Για να ξαναέρθει η ίδια εποχή, θα πρέπει να περάσουν ..... μήνες. Σε πόσο καιρό θα έρθει το καλοκαίρι; ..... μήνες ή ..... εποχές.

Η εποχή που έχουμε σήμερα είναι: .....

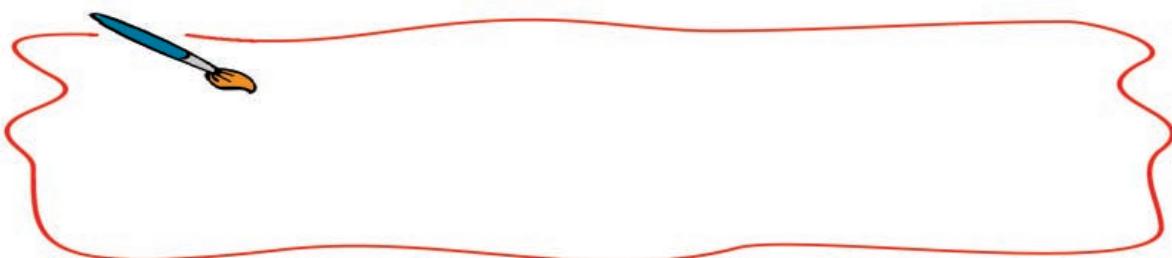
**b.** Η Ελένη είναι 7 χρονών. Είναι 4 χρόνια μεγαλύτερη από το αδερφάκι της. Πόσο χρονών θα είναι το αδερφάκι της όταν η Ελένη γίνει 13;  
Συμπληρώνω τον πίνακα.

Ελένη	7	8	9	10	13	χρονών
αδερφάκι	....	....	....	....	....	χρονών

**c.** Με 12 € αγοράζουμε μπάλες. Η κάθε μπάλα κοστίζει 4 €; Πόσες μπάλες αγοράσαμε;  
Χρωματίζω τη σωστή λύση:

$12 - 4 - 4 - 4$	$12 \times 4$	$12 : 4$	$4 + 4 + 4$	$4 : 12$
$4 \times 12$	$3 + 3 + 3 + 3$	$12 + 4$		

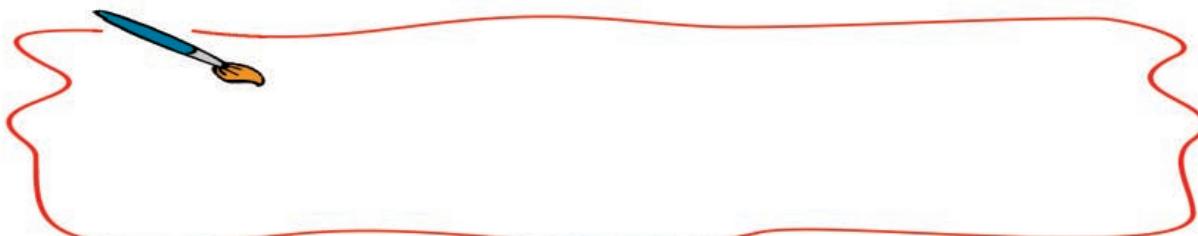
Ελέγχω με τη ζωγραφική.





**δ.** Στο κοτέτσι η γιαγιά μέτρησε 32 αυγά. Κάθε κότα γέννησε 4 αυγά. Πόσες ήταν οι κότες που έκαναν τα 32 αυγά; Προτείνω: ..... κότες.

- Ελέγχω με τη ζωγραφική.



**ε.** Πόσο κοστίζουν 8 μπουκάλια; Προτείνω: ..... ευρώ.

- Ελέγχω με τη ζωγραφική.



- Πόσο κοστίζει το ένα μπουκάλι; .....
  - Πόσα μπουκάλια θα αγοράσω με 7 € 50 λ.; .....

**στ.**  Η γιαγιά έφτιαξε χαλβά. Γέμισε κάθε πιατέλα με 18 κομμάτια. Πόσα κομμάτια έφτιαξε αν γέμισε 3 πιατέλες;

 Διαλέγουμε έναν από τους παρακάτω τρόπους να λύσουμε το πρόβλημα και έναν άλλο τρόπο για να ελέγχουμε το αποτέλεσμα που βρόκαμε:

- με εκτίμηση.
  - με ζωγραφική.
  - με νοερούς υπολογισμούς.
  - με πίνακα.

 Φτιάχνω με την ομάδα μου ένα πρόβλημα δίκαιης μοιρασιάς.

Χρησιμοποιούμε όποιους αριθμούς θέλουμε από τους παρακάτω:

3, 4, 24, 36, 60, 90.

Το δίνουμε σε μια άλλη ομάδα για το λύσινο.

# 34

## Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα κάνοντας κάθετη πρόσθεση με κρατούμενο

**a.** Πόσο έκαναν τα πατίνια;



Είχα 17 €. Η γιαγιά μου έδωσε 3 € και ο παππούς 4 € για να αγοράσω ένα καινούριο ζευγάρι πατίνια.

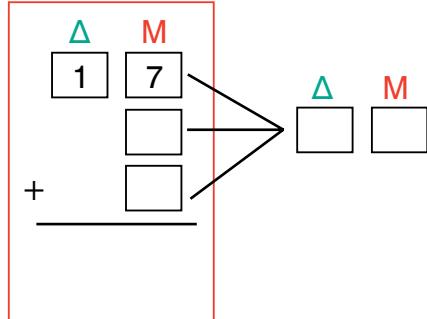
- Υπολογίζω με το νου

$$17 + 3 + 4 =$$

$$10 + 7 + 3 + 4 = \boxed{\quad}$$

$$\begin{array}{r} 17 & + & 7 \\ & \swarrow & \searrow \\ 10 & + & 7 & + & 7 \\ & & \swarrow & \searrow \\ 10 & & + & 14 & = \dots \end{array}$$

- Ελέγχω με κάθετη πράξη.



Τα πατίνια κόστισαν ..... €

**b.** Η μητέρα αγόρασε 23 μήλα. Στο σπίτι είχαμε και άλλα 19. Πόσα μήλα έχουμε συνολικά;

- Υπολογίζω με το νου:

- Ελέγχω με κάθετη πράξη:

**γ.** Τα παιδιά έπαιξαν μπάσκετ. Πόσα καλάθια έβαλαν όλα τα παιδιά συνολικά;



Έβαλα 12 καλάθια σήμερα!



Κι εγώ έβαλα 12 καλάθια!



Εγώ έβαλα 9 περισσότερα!

- Εκτιμώ: Συνολικά έβαλαν περίπου ..... καλάθια.

- Υπολογίζω με το νου:

- Ελέγχω με κάθετη πράξη:



## Ενότητα 6

**δ.** Η Αναστασία βοηθά την Άννα να σπάσει καρύδια για να φτιάξουν καρυδόπιτα.



Έσπασα 35 καρύδια!



Φτάνει! Έχω σπάσει άλλα 55!

Πόσα καρύδια έσπασαν συνολικά;

Υπολογίζω με το vou:

Εκτιμώ: Περίπου ..... καρύδια.

Ελέγχω με κάθετη πράξη:

- Έφτιαξαν ένα ταψί καρυδόπιτα. Το έκοψαν σε ίδια κομμάτια. Έδωσαν στους παππούδες τα μισά, δηλαδή 19 κομμάτια. Το απόγευμα έφαγαν 5 κομμάτια καρυδόπιτα. Πόσα κομμάτια έμειναν στο ταψί; Περίπου ..... κομμάτια.

Υπολογίζω με το vou:

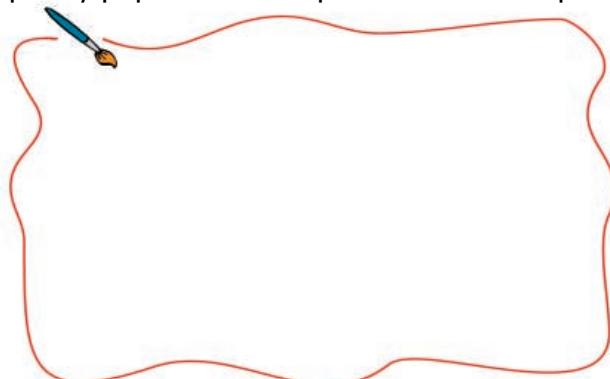
Ελέγχω με κάθετη πράξη:

- Πόσα ήταν όλα τα κομμάτια; Εκτιμώ: Περίπου ..... κομμάτια.

Υπολογίζω με το vou:

Ελέγχω με κάθετη πράξη:

**ε.** Κάθε Τετάρτη ο Χρήστος τρώει ψάρι. Σήμερα η μητέρα του έψησε 2 μεγάλα ψάρια. Έκοψε το κάθε ψάρι σε 8 ίδιες φέτες. Όλοι έφαγαν από 3 φέτες και περίσσεψαν 4 φέτες ψάρι. Πόσα άτομα κάθισαν στο τραπέζι;



Υπολογίζω με αριθμούς:

# 35

## Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα κάνοντας κάθετη αφαίρεση με δανεικό (α)

**α.** Βρίσκω πόσα πουλάκια πούλησε το κατάστημα εκείνη την ημέρα.



είχαν	41
έμειναν	16
πούλησαν	....

- Περίπου ....

- Υπολογίζω με το νου:

- Ελέγχω με κάθετη αφαίρεση:

**β.** Ο Αλί μοιράστηκε τις κάρτες του με τους φίλους του. Είχε 31. Έδωσε τις 18. Πόσες του έμειναν για να παιξει; Ελέγχω με κάθετη αφαίρεση και κάθετη πρόσθεση.

- Περίπου ....

- Υπολογίζω με το νου:

- Ελέγχω με κάθετη πράξη:

**γ.** Βρίσκω τα ρέστα και ελέγχω αν είναι σωστά με κάθετη πράξη όπως στο παράδειγμα.

- Έδωσαν Πήραν ρέστα



$$\begin{array}{r} \Delta M \\ 40 \\ - 32 \\ \hline \end{array}$$

Από το 0 δε βγαίνει το 2, γι' αυτό αναλύω το 40 σε 30+10.

$$\begin{array}{r} 30 & 10 \\ -30 & 2 \\ \hline 0 & 8 \end{array}$$

ή

$$\begin{array}{r} \Delta M \\ 310 \\ \cancel{40} \\ - 32 \\ \hline 8 \end{array}$$

Επαληθεύω

$$\begin{array}{r} \Delta M \\ 32 \\ + 8 \\ \hline 40 \end{array}$$

10

- Έδωσαν Πήραν ρέστα περίπου ..... €



Υπολογίζω τα ρέστα με ακρίβεια:

Επαληθεύω κάθετα με:

- Πρόσθεση
- Αφαίρεση



## Ενότητα 6

- δ.** • Υπολογίζω πρώτα πόσο είναι περίπου το αποτέλεσμα της αφαίρεσης:  $52 - 38 = \dots$   
Στη συνέχεια υπολογίζω με το νου το αποτέλεσμα με ακρίβεια: .....

Έχει λάθος στην κάθετη αφαίρεση και διορθώνω.

Κάνω σωστά την κάθετη αφαίρεση:

$$\begin{array}{r} \Delta \text{ M} \\ 52 \\ - 38 \\ \hline 26 \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \Delta \text{ M} \\ 50 + 2 \\ - 30 + 8 \\ \hline 20 + 6 \\ \swarrow \searrow \\ 26 \end{array}$$

Από τα 2 αφαιρούμε τα 8 και μένουν 6.

- Υπολογίζω πρώτα πόσο είναι περίπου το αποτέλεσμα της αφαίρεσης:  $53 - 19 = \dots$   
Στη συνέχεια υπολογίζω με το νου το αποτέλεσμα με ακρίβεια: .....

Έχει λάθος στην κάθετη αφαίρεση και διορθώνω.

Κάνω σωστά την κάθετη αφαίρεση:

$$\begin{array}{r} \Delta \text{ M} \\ 53 \\ - 19 \\ \hline 35 \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \Delta \text{ M} \\ 40 + 13 \\ - 10 + 9 \\ \hline 30 + 5 \\ \swarrow \searrow \\ 35 \end{array}$$

Από τα 3 αφαιρούμε τα 9 και μένουν 5.

- ε.** Φτιάχνω με τον διπλανό μου ένα πρόβλημα. Το λύνουμε με κάθετες πράξεις.  
Χρησιμοποιούμε όποιους από τους παρακάτω αριθμούς χρειαζόμαστε.

82

61

34

19

---



---



---



---

Προτείνουμε στην τάξη το πρόβλημα και τη λύση που δώσαμε.

# 36

## Υπολογίζω ένα αποτέλεσμα και ελέγχω με κάθετη αφαίρεση με δανεικό (β)

**a.** Βρίσκω πόσο πλήρωσε η κυρία Αλέκα για τις αγορές της.



- Εκτιμώ:

Περίπου ..... €.

- Υπολογίζω με ακρίβεια:

• Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

Απόδειξη	
Ανθοπωλείο «Η τουλίπα»	
Άνθη	22 €
Γλάστρα	19 €
Λίπασμα	8 €
Λίπασμα	8 €
Σύνολο	.... €

- Βρίσκω πόσα ρέστα πήρε από 80 €:

Εκτιμώ:  
Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

**b.** Βρίσκω πόσο χρονών είναι η μαμά της Άννας:



Είμαι 26 χρόνια μικρότερη από τη γιαγιά, δηλαδή .... χρονών.

Εγώ είμαι 8 χρονών!



Είμαι 75 χρονών.

- Πόσα χρόνια μεγαλύτερη είναι η μητέρα της από την Άννα;

Περίπου:

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Υπολογίζω με κάθετες πράξεις:

**c.** Αν αγοράσουμε , και , πόσα χρήματα θα πληρώσουμε;



48 €



8 €



23 €

Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετη πράξη:

$$\begin{array}{r}
 48 \\
 8 \\
 + 23 \\
 \hline
 \end{array} \quad \text{ή}$$

- Πόσα ρέστα θα πάρουμε αν δώσουμε 100 €;

Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετη πράξη:

$$\begin{array}{r}
 100 \\
 - \\
 \hline
 \end{array} \quad \text{ή}$$



## Ενότητα 6

- δ.**  Ο παππούς έδωσε  στον ταμία. Πήρε ρέστα 19 €.

Πόσο έκανε το ποδήλατο που αγόρασαν;



Εκτιμώ:

Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

- ε.** Η Ελένη και ο Χρήστος έχουν μαζέψει αρκετό χαρτζιλίκι:



Στον κουμπαρά μου  
έχω 57 €!



Εγώ έχω 29 € περισσότερα!

- Πόσα χρήματα έχει ο Χρήστος;

Εκτιμώ:

Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

- Πόσα χρήματα χρειάζεται κάθε παιδί ακόμα για να έχει 100 €;

Εκτιμώ:

Περίπου ..... €.

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

# 37

## Λύνω σύνθετα προβλήματα (β)



**α.** Η Έλλη, την Τρίτη 25 Μαΐου, βοήθησε τους γονείς της να μαζέψουν κεράσια. Μέχρι το μεσημέρι είχαν μαζέψει 28 καφάσια κεράσια. Μέχρι το βράδυ είχαν μαζέψει άλλα 18 καφάσια. Πόσα καφάσια μάζεψαν όλη την ημέρα;

- Περίπου ....

- Υπολογίζω με ακρίβεια:

- Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

Έως την Πέμπτη 27 Μαΐου είχαν μαζέψει συνολικά 100 καφάσια. Πόσα καφάσια μάζεψαν τις επόμενες 2 ημέρες, την Τετάρτη 26 Μαΐου και την Πέμπτη 27 Μαΐου;

Τρίτη	Τετάρτη	Πέμπτη	ΣΥΝΟΛΟ
.....	.....	.....	.....

- Ελέγχω με κάθετες πράξεις.



**β.** Είχα 45 κάρτες. Βρήκα στην αυλή του σχολείου άλλες 37. Επειδή δε βρέθηκε το παιδί που τις έχασε, ο διευθυντής μού τις χάρισε στο τέλος της εβδομάδας.

Πόσες κάρτες έχει τώρα η Νεσχάν;

- Περίπου ....

- Υπολογίζω με ακρίβεια με διάφορες στρατηγικές.

$$45 + 30 + 7 =$$

$$45 + 5 + 2 + 30 = 50 + 2 + 30 =$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ + 30 \\ \hline 75 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ + 37 \\ \hline 82 \end{array}$$

$$45 + 40 - 3 =$$

- Συμπληρώνω:

E	Δ	M
4	5	
+ 3	7	
<hr/>		

5 + 7 = □ □

- Πόσες κάρτες πρέπει να αγοράσει ακόμα για να έχει συνολικά 100;

**γ.** Συμπληρώνω τους υπολογισμούς.

$$\begin{array}{r} ① \Delta M \\ 35 \\ 10 \\ + \quad \quad \quad \square \\ \hline \quad \quad \quad 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ② \Delta M \\ 27 \\ 7 \\ + 27 \\ \hline \quad \quad \quad \end{array} \quad 3 \times 7 = \boxed{\quad}$$

$$\begin{array}{r} E \Delta M \\ 100 \\ - 5 \quad \quad \quad \square \\ \hline \quad \quad \quad 4 \end{array}$$



## Ενότητα 6

- δ.** Η Ελένη κερνάει τους συμμαθητές της σοκολατάκια στη γιορτή της. Το κουτί έχει 58 σοκολατάκια. Τα μοιράζονται δίκαια. Όλα τα παιδιά είναι 28.

- Πόσα σοκολατάκια θα πάρει κάθε παιδί;      Εκτιμώ: Περίπου ....
- Πόσα θα μείνουν στο κουτί;      Εκτιμώ: Περίπου ....



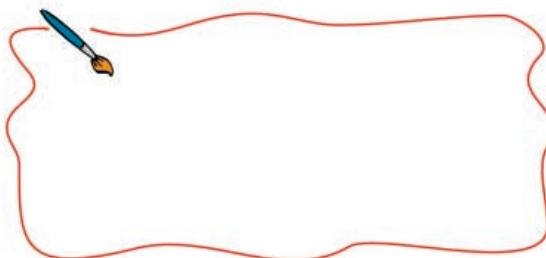
Υπολογίζω με ακρίβεια πόσα σοκολατάκια θα μείνουν τελικά στο κουτί;

- Αν το κουτί είχε 100 σοκολατάκια, πόσα θα έπαιρνε το κάθε παιδί;      Εκτιμώ: Περίπου ....
- Πόσα θα έμεναν στο κουτί;      Εκτιμώ: Περίπου ....

Υπολογίζω με ακρίβεια:

- ε.** Μπορούμε να λύσουμε το παρακάτω πρόβλημα; Εξηγούμε την άποψή μας.
- Η Κλόντια είχε 26 €. Αγόρασε ένα βιβλίο με παραμύθια και έδωσε τα μισά της χρήματα. Με τα υπόλοιπα αγόρασε 2 ίδια παγωτά, για να φάει με τη φίλη της. Πόσο έκαναν τα 2 παγωτά αν της έμειναν 28 €;

Υπολογίζω με αριθμούς.



# 38

## Μετρώ το βάρος (α)

**α.** Με την ομάδα μου βρίσκουμε 3 πράγματα που στην καθημερινή μας ζωή είναι:

- πολύ βαριά και δεν μπορούμε να τα σηκώσουμε.

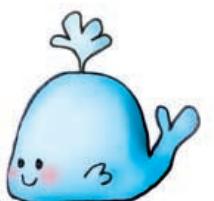


- πολύ ελαφριά και μπορούμε εύκολα να τα σηκώσουμε.



Συζητάμε στην τάξη τις εκτιμήσεις μας.

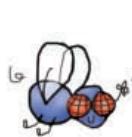
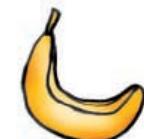
**β.** Παρατηρώ προσεχτικά. Κυκλώνω κάθε φορά το πιο βαρύ.



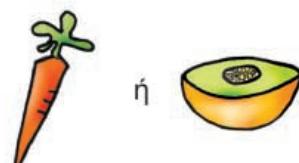
ή



ή

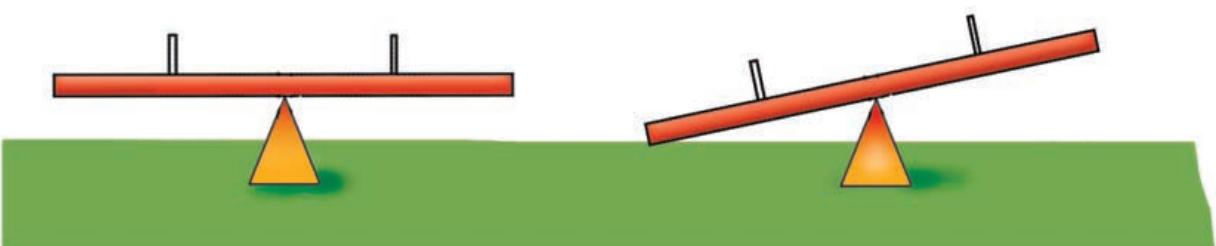
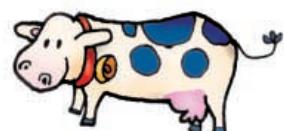
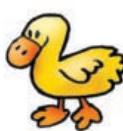
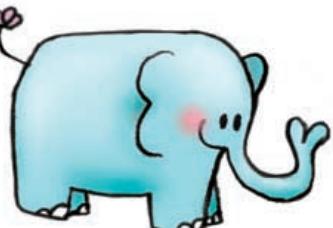
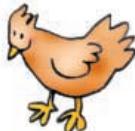


ή



ή

**γ.** Παρατηρώ προσεχτικά. Έπειτα τοποθετώ τα ζώα στις τραμπάλες (ενώνω με γραμμή).





## Ενότητα 6

**δ.** Βάζω με τη σειρά από το πιο βαρύ στο πιο ελαφρύ:



(α)



(β)



(γ)



(δ)



(ε)

πιο βαρύ

(β)

....

....

....

....



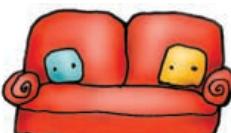
(α)



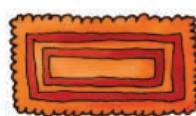
(β)



(γ)



(δ)



(ε)

πιο βαρύ

(δ)

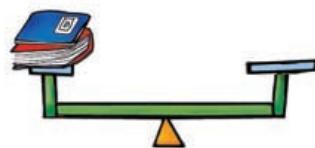
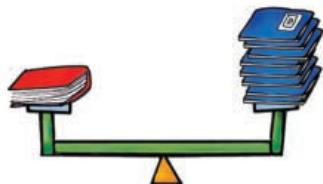
....

....

....

....

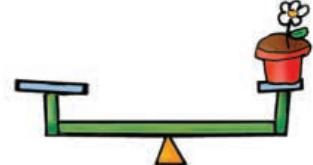
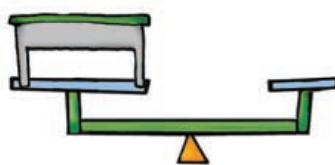
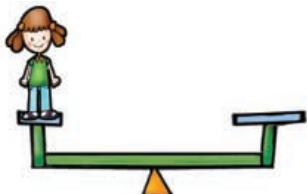
**ε.** Παρατηρώ προσεχτικά τη ζυγαριά. Ζωγραφίζω ό,τι λείπει.



**στ.**



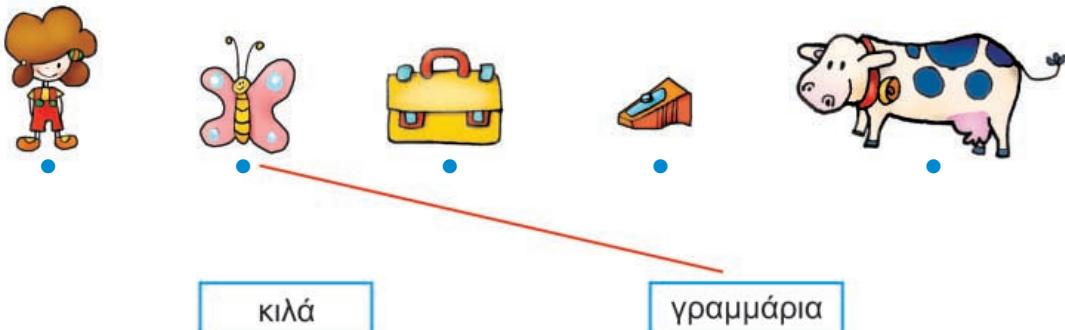
Σκέφτομαι και βρίσκω πράγματα που το βάρος τους ταιριάζει με τα βάρη των πραγμάτων που βρίσκονται στις ζυγαριές ώστε να τις κάνω να ισορροπούν.



# 39

## Μετρώ το βάρος: Το κιλό και τα γραμμάρια (β)

**a.** Με ποιες μονάδες μέτρησης θα εκφράσω το βάρος τους; (αντιστοιχίζω)

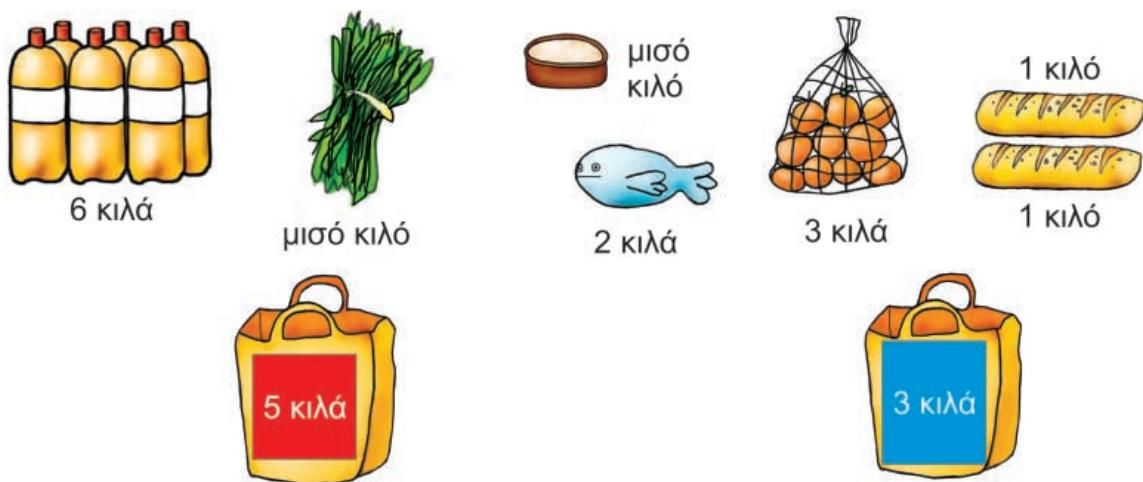


**β.** Ενώνω όσα ταιριάζουν.



- Ποιο είναι το πιο βαρύ; .....
- Ποιο είναι το πιο ελαφρύ; .....

**γ.** Βάζω όσα αντέχει η κάθε σακούλα. Κυκλώνω με κόκκινο όσα θα βάλω στην κόκκινη σακούλα και μπλε όσα θα βάλω στην μπλε σακούλα.





## Ενότητα 6

- δ. Στο φούρνο της γειτονιάς η γιαγιά Αλέκα αγόρασε κουλουράκια.



- Πόσα χρήματα θα πρέπει να πληρώσει;

Περίπου:

Υπολογίζω με ακρίβεια:

- Αν αγόραζε 5 κιλά κουλουράκια, πόσα θα έπρεπε να πληρώσει;

Περίπου:

Υπολογίζω με ακρίβεια:

- ε. Η κυρία Φλώρα έπρεπε να πληρώσει 30 € για την τούρτα της εγγονής της.

Πόσα κιλά ήταν η τούρτα που αγόρασε; Εκτιμώ βάζοντας  στο σωστό.

1 κιλό

2 κιλά

Ενάμισι κιλό

Εξηγώ:

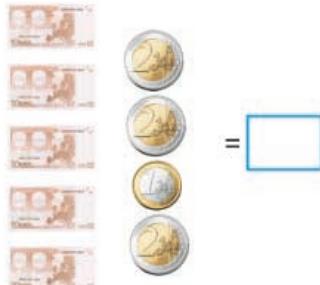
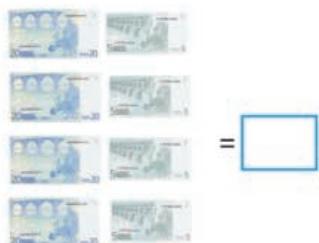
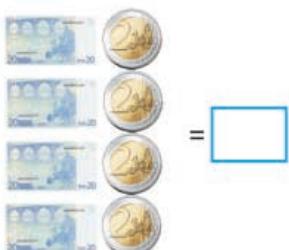
- Αν αγόραζε τούρτα 1 κιλού, θα πλήρωνε .... €
- Αν αγόραζε τούρτα 2 κιλών, θα πλήρωνε .... €
- Αν αγόραζε τούρτα ενάμισι κιλού θα πλήρωνε .... €



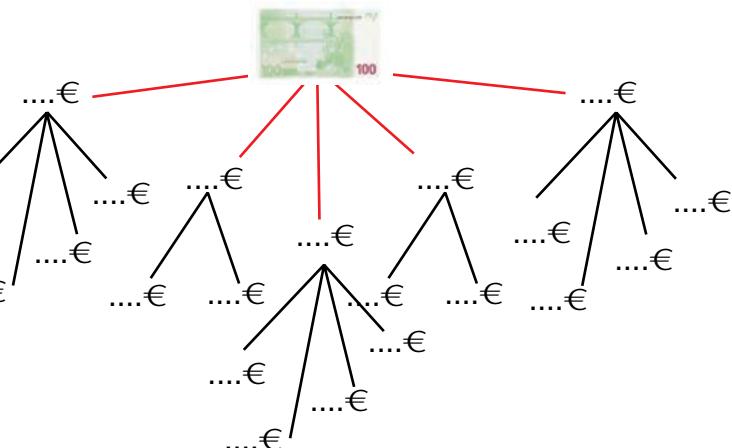
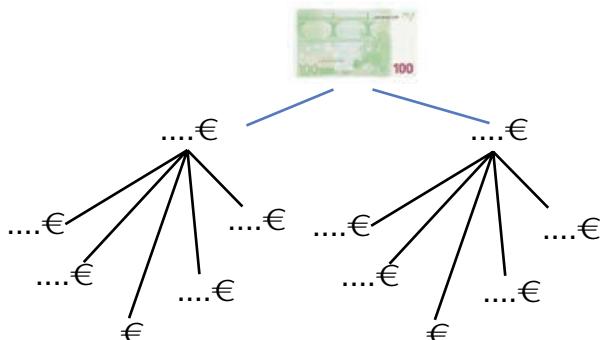
# 40

## Γνωρίζω τα χαρτονομίσματα των 5, 10, 20, 50 και 100 ευρώ

**a.** Πόσα ευρώ είναι συνολικά;



**β.** Παρατηρώ προσεχτικά και συμπληρώνω.



**γ.** Τι νομίσματα μπορεί να έχουν τα αδερφάκια στους κουμπαράδες τους;



Έχω 79 €.

Μπορεί να έχει ....



Έχω 15 €  
περισσότερα  
από τον  
αδερφό μου.

Μπορεί να έχει ....



## Ενότητα 6

- δ.** Πώς θα πληρώσουμε; Παίρνουμε όσες φορές θέλουμε κάθε νόμισμα ή χαρτονόμισμα.



49 €



51 €



89 €



- ε.** Με ποια χαρτονομίσματα μπορούν να αγοράσουν τα παρακάτω;



95 €



17 €



43 €



58 €

Έδωσε ..... €,  
πήρε ρέστα 5 €.

Έδωσε ..... €,  
πήρε ρέστα 3 €.

Έδωσε ..... €,  
πήρε ρέστα 7 €.

Έδωσε ..... €,  
πήρε ρέστα 32 €.

- στ.** Ποια χαρτονομίσματα πρέπει να δώσω για να πάρω τα λιγότερα ρέστα; Κυκλώνω.

69 €



44 €



- Θα πάρω ρέστα: .....
- Θα πάρω ρέστα: .....

- Θα πάρω ρέστα: .....
- Θα πάρω ρέστα: .....

- ζ.** Ποιο κουκλάκι κοστίζει περισσότερο; .....

Πόσο περισσότερο; .....

Με ποια νομίσματα μπορώ να πληρώσω το πιο ακριβό; Κυκλώνω.



57 €



49 €

# Επαναληπτικό

## Κεφάλαια 34-40

**α.** Συμπληρώνω τους αριθμούς που λείπουν:

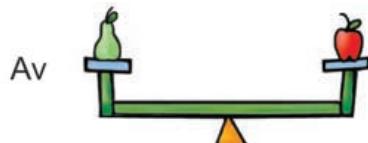
$$\begin{array}{r} \Delta \quad M \\ 2 \quad 17 \\ - \boxed{\phantom{0}} \quad 9 \\ \hline \boxed{\phantom{0}} \quad 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \Delta \quad M \\ 5 \quad 12 \\ - \boxed{\phantom{0}} \quad 9 \\ \hline 2 \quad \boxed{\phantom{0}} \end{array}$$

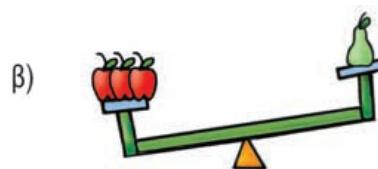
$$\begin{array}{r} E \quad \Delta \quad M \\ 2 \quad 13 \\ - \quad \boxed{\phantom{0}} \\ \hline \quad \quad 8 \\ \quad \quad \boxed{\phantom{0}} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} E \quad \Delta \quad M \\ \boxed{\phantom{0}} \quad \boxed{\phantom{0}} \\ - \quad 1 \quad 0 \quad 0 \\ \hline \quad \quad 7 \quad \boxed{\phantom{0}} \\ \quad \quad \boxed{\phantom{0}} \quad \boxed{\phantom{0}} \end{array}$$

**β.** Παρατηρώ προσεχτικά.



τότε ζωγραφίζω ό,τι χρειάζεται για να ισορροπήσει η ζυγαριά:



..... ή ..... ή .....

..... ή ..... ή .....

**γ.** Η σακούλα της Μάρως ζυγίζει 2 κιλά περισσότερο απ' ό,τι η σακούλα του Πέτρου.  
Τι θα μπορούσε να περιέχει η σακούλα της; Κυκλώνω.



μισό κιλό

1 κιλό

1 κιλό

1 κιλό



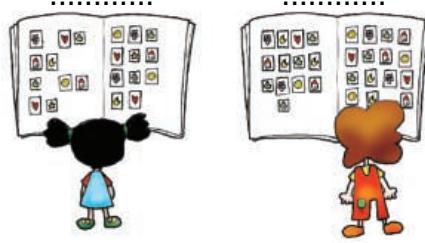
μισό κιλό



## ΕΝΟΤΗΤΑ 6

**δ.** Η Άννα και η Ελένη συλλέγουν αυτοκόλλητα.

- Ποια έχει τα περισσότερα;
- .....
- Πόσα αυτοκόλλητα έχουν και οι δύο μαζί;
- .....
- Πόσα πρέπει να αγοράσει ακόμα η καθεμία ώστε να έχει συνολικά 100 αυτοκόλλητα;



Περίπου:

Άννα      Ελένη

Υπολογίζω με ακρίβεια:

Ελέγχω με κάθετες πράξεις:

**ε.** Αν κοστίζουν



19€



9€



23€

πόσο κοστίζει το ντύσιμο ενός παικτη;

Ελέγχω με κάθετες πράξεις.

Περίπου: .....

- Έχω 100 €. Τι θα μπορούσα να αγοράσω; Βάζω  στο σωστό.
- 5 αθλητικά μπλουζάκια
- 5 ζευγάρια παπούτσια και 2 αθλητικά μπλουζάκια

Εξηγώ πώς σκέφτηκα.

Επαληθεύουμε με όποιον τρόπο θέλουμε.

**στ.** Η γιαγιά του Σωτήρη έφτιαξε στον αργαλειό μάλλινα χαλιά και υφαντά. Τα πουλάει στο Συνεταιρισμό που έχουν οι γυναίκες του χωριού.



Θα πάρω το κιλίμι και τη ζακέτα.



Πόσο περισσότερο κοστίζει το τραπεζομάντιλο:

- από το κιλίμι; .....
- από τη ζακέτα; .....

**ζ.** Φτιάχνω ένα πρόβλημα που λύνεται με μια αφαίρεση και το αποτέλεσμα είναι μεγαλύτερο από 43.

Τριάντα τρία

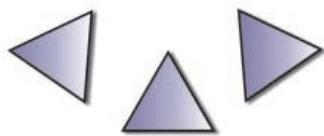
33





# Σπαζοκεφαλιές

Πώς μπορούμε με τρία ίδια τρίγωνα

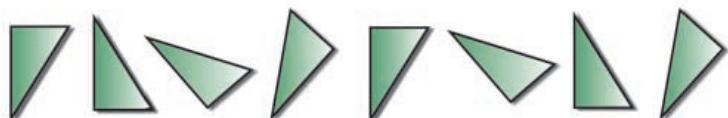


να φτιάξουμε ένα

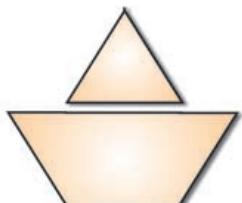


;

Πώς μπορούμε με 8 ίδια τρίγωνα

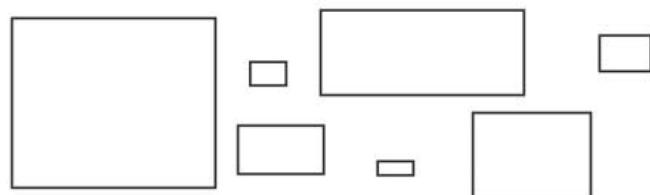


να φτιάξουμε ένα

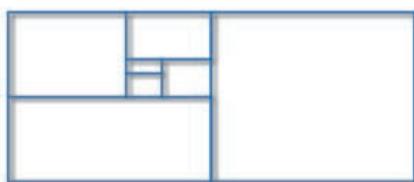


;

Με τα ορθογώνια παραλληλόγραμμα



φτιάχνω το παρακάτω ορθογώνιο:



Με απόφαση της Ελληνικής Κυβέρνησης τα διδακτικά βιβλία του Δημοτικού, του Γυμνασίου και του Λυκείου τυπώνονται από τον Οργανισμό Εκδόσεως Διδακτικών Βιβλίων και διανέμονται δωρεάν στα Δημόσια Σχολεία. Τα βιβλία μπορεί να διατίθενται προς πώληση όταν φέρουν βιβλιόσημο προς απόδειξη της γνησιότητάς τους. Κάθε αντίτυπο που διατίθεται προς πώληση και δε φέρει βιβλιόσημο θεωρείται κλεψίτυπο και ο παραβάτης διώκεται σύμφωνα με τις διατάξεις του άρθρου 7, του Νόμου 1129 της 15/21 Μαρτίου 1946 (ΦΕΚ 1946, 108, Α΄).

## ΒΙΒΛΙΟΣΗΜΟ

*Απαγορεύεται η αναπαραγωγή οποιουδήποτε τμήματος αυτού του βιβλίου, που καλύπτεται από δικαιώματα (copyright), ή η χρήση του σε οποιαδήποτε μορφή, χωρίς τη γραπτή άδεια του Παιδαγωγικού Ινστιτούτου.*